

経済数学入門Ⅱ 第2章 線形代数 (25 点)

$$VII \quad \vec{a}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{a}_2 = \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \vec{a}_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

と $A = (\vec{a}_1, \vec{a}_2, \vec{a}_3) \in \mathbb{R}^{4 \times 3}$. $I_m(A)$ の

正規直交基底 $\vec{e}_1, \vec{e}_2$ を求めよ $\vec{e}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \in I_m(A) \cap \mathbb{R}^4$

正射影 $\vec{w}$ を求めよ.

VIII VII に $\vec{w}$ を $\mathbb{R}^4$ の基底 $\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{w}, \vec{e}_3$ とする.